

Basi di dati

Linguaggi di interrogazione

Docente: Stefano Paraboschi
parabosc@elet.polimi.it

Classificazione

a linguaggi formali

- Algebra relazionale
- Calcolo relazionale
- Programmazione logica

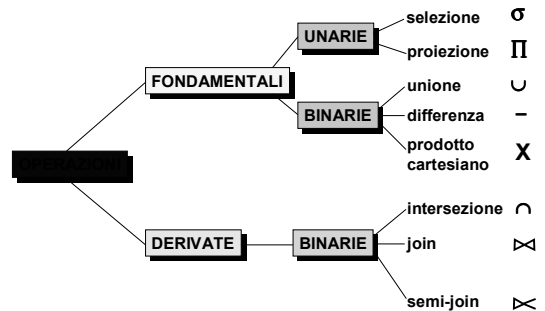
b linguaggi programmatici

- SQL: Structured Query Language
- QBE: Query By Example

Algebra relazionale

- definita da Codd (70)
- molto utile per imparare a formulare query
- insieme minimo di 5 operazioni che danno l'intero potere espressivo del linguaggio

Una visione d'insieme



Esempio : gestione degli esami universitari

studente

| MATR | NOME | CITTA' | C-DIP |
|------|---------|---------|-------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf |
| 415 | Paola | Torino | Inf |
| 702 | Antonio | Roma | Log |

esame

| MATR | COD-CORSO | DATA | VOTO |
|------|-----------|--------|------|
| 123 | 1 | 7-9-97 | 30 |
| 123 | 2 | 8-1-98 | 28 |
| 702 | 2 | 7-9-97 | 20 |

corso

| COD-CORSO | TITOLO | DOCENTE |
|-----------|-------------|---------|
| 1 | matematica | Barozzi |
| 2 | informatica | Meo |

$\sigma_{\text{Nome}='Paola'}$ STUDENTE

e' una tabella (priva di nome) con

- schema :
lo stesso schema di STUDENTE
- istanza :
le tuple di STUDENTE che soddisfano il predicato di selezione

| Matr | Nome | Città | CDip |
|------|-------|--------|------|
| 415 | Paola | Torino | Inf |

Sintassi del predicato di selezione

espressione booleana di predicati semplici

- | | |
|--------------------------------|--|
| operazioni booleane : | comparatore : |
| • AND (P1 AND P2) (\wedge) | • =, !=, <, <=, >, >= |
| • OR (P1 OR P2) (\vee) | |
| • NOT (P1) (\neg) | |
| predicati semplici : | termine : |
| • TRUE, FALSE | • costante, attributo |
| • termine | • espressione aritmetica di costanti e attributi |
| comparatore | |
| termine | |

7

Esempio di selezione

σ **STUDENTE**
 (Città='Torino') OR
 ((Città='Roma')
 AND NOT (CDip='Log'))

| MATR | NOME | CITTA' | C-DIP |
|------|---------|---------|-------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf |
| 415 | Paola | Torino | Inf |
| 702 | Antonio | Roma | Log |

8

Proiezione

$\Pi_{\text{Nome, CDip}}$ **STUDENTE**

è una tabella (priva di nome) con

- schema :
gli attributi Nome e CDip
- istanza :
la restrizione delle tuple sugli attributi Nome e CDip

| Nome | CDip |
|---------|------|
| Carlo | Inf |
| Paola | Inf |
| Antonio | Log |

9

Proiezione e duplicati

- nel modello formale la proiezione elimina i duplicati

Π_{CDip} **STUDENTE**

| CDip |
|------|
| Inf |
| Log |

- nel modello informale (e nei sistemi) la eliminazione dei duplicati va richiesta esplicitamente

10

Assegnamento

- serve per dare un nome al risultato di una espressione algebrica
- non fa parte delle operazioni algebriche

INFORMATICI = $\sigma_{\text{CDIP}='Inf'}$ **STUDENTI**

TORINESI = $\sigma_{\text{Città}='Torino'}$ **STUDENTI**

11

UNIONE E DIFFERENZA

• $\text{tabella1} \cup \text{tabella2}$



• $\text{tabella1} - \text{tabella2}$



tabella1 E tabella2 DEVONO ESSERE COMPATIBILI

- STESSO GRADO
- DOMINI ORDINATAMENTE DELLO STESSO TIPO

12

Unione

INFORMATICI \cup TORINESI

è una tabella (priva di nome) con

- schema :
lo schema di INFORMATICI
- istanza :
la unione delle tuple di
INFORMATICI e TORINESI

| Matr | Nome | Città | CDip |
|------|-------|---------|------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf |
| 415 | Paola | Torino | Inf |

Per quanto riguarda le istanze, è commutativa

13

Differenza

INFORMATICI - TORINESI

è una tabella (priva di nome) con

- schema :
lo schema di INFORMATICI
- istanza :
la differenza delle tuple di
INFORMATICI e TORINESI

| Matr | Nome | Città | CDip |
|------|-------|---------|------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf |

Attenzione:
non è commutativa

14

Prodotto cartesiano

$R \times S$

è una tabella (priva di nome) con

- schema :
gli attributi di R e S
($\text{grado}(R \times S) = \text{grado}(R) + \text{grado}(S)$)
- istanza :
tutte le possibili coppie di tuple di R e S
($\text{card}(R \times S) = \text{card}(R) * \text{card}(S)$)

15

Esempio

R1(A,B)

| A | B |
|---|---|
| a | 1 |
| b | 3 |

R2(C,D)

| C | D |
|---|---|
| c | 1 |
| b | 3 |
| a | 2 |

R1xR2 (A,B,C,D)

| A | B | C | D |
|---|---|---|---|
| a | 1 | c | 1 |
| a | 1 | b | 3 |
| a | 1 | a | 2 |
| b | 3 | c | 1 |
| b | 3 | b | 3 |
| b | 3 | a | 2 |

16

Intersezione

TABELLA1 \cap TABELLA2

Come gli altri operatori insiemistici, si può fare se TABELLA1 e TABELLA2 sono compatibili

Derivabile tramite la seguente formula:

$$R \cap S = R - (R - S)$$

17

Intersezione

INFORMATICI \cap TORINESI

è una tabella (priva di nome) con

- schema :
lo schema di INFORMATICI
- istanza :
la intersezione delle tuple di
INFORMATICI e TORINESI

| Matr | Nome | Città | CDip |
|------|-------|--------|------|
| 415 | Paola | Torino | Inf |

18

Join

$STUDENTE \triangleright \triangleleft_{STUDENTE.Matr=ESAME.Matr} ESAME$

è equivalente alla seguente espressione (operatore derivato):

$\sigma_{STUDENTE.Matr=ESAME.Matr} (STUDENTE \times ESAME)$

attributi omonimi sono resi non ambigui usando la notazione "puntata":
ESAME.Matr, STUDENTE.Matr

19

Join

$STUDENTE \triangleright \triangleleft_{STUDENTE.Matr=ESAME.Matr} ESAME$

produce una tabella (priva di nome) con

- schema :
la concatenazione degli schemi di STUDENTE e ESAME

- istanza:
le tuple ottenute concatenando quelle tuple di STUDENTE e di ESAME che soddisfano il predicato

| STUDENTE. Matr | Nome | Città | CDip | ESAME. Matr | Cod- Corso | Data | Voto |
|-------------------|---------|---------|------|----------------|---------------|--------|------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf | 123 | 1 | 7-9-97 | 30 |
| 123 | Carlo | Bologna | Inf | 123 | 2 | 8-1-98 | 28 |
| 702 | Antonio | Roma | Log | 702 | 2 | 7-9-97 | 20 |

20

Sintassi del predicato di join

espressione congiuntiva di predicati semplici:

ATTR1 comp ATTR2

ove ATTR1 appartiene a TAB1
 ATTR2 appartiene a TAB2
 comp: =, !=, <, <=, >, >=

EQUI-JOIN :
 soli confronti di uguaglianza

21

Join naturale

equi-join di tutti gli attributi omonimi (si omette il predicato, si elimina la colonna ripetuta)

$STUDENTE \triangleright \triangleleft ESAME$

| Matr | Nome | Città | CDip | Cod- Corso | Data | Voto |
|------|---------|---------|------|---------------|--------|------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf | 1 | 7-9-97 | 30 |
| 123 | Carlo | Bologna | Inf | 2 | 8-1-98 | 28 |
| 702 | Antonio | Roma | Log | 2 | 7-9-97 | 20 |

22

Join naturale di tre tabelle

$STUDENTE \triangleright \triangleleft ESAME \triangleright \triangleleft CORSO$

| Matr | Nome | Città | CDip | Cod- Corso | Data | Voto | Titolo | Docente |
|------|---------|---------|------|---------------|--------|------|--------|---------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf | 1 | 7-9-97 | 30 | matem | barozzi |
| 123 | Carlo | Bologna | Inf | 2 | 8-1-98 | 28 | infor | meo |
| 702 | Antonio | Roma | Log | 3 | 7-9-97 | 20 | infor | meo |

23

Semi-join

$STUDENTE \triangleright \triangleleft_{STUDENTE.Matr=ESAME.Matr} ESAME$

è equivalente alla seguente espressione (operatore derivato):

$\Pi_{STUDENTE} \cdot (STUDENTE \triangleright \triangleleft_{STUDENTE.Matr=ESAME.Matr} ESAME)$

Produce come risultato un sottoinsieme di STUDENTE

| Matr | Nome | Città | CDip |
|------|---------|---------|------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf |
| 702 | Antonio | Roma | Log |

24

Semi-join naturale

STUDENTE \bowtie ESAME

è equivalente alla seguente espressione:

$\Pi_{\text{STUDENTE}} (\text{STUDENTE} \bowtie \text{ESAME})$

E' equivalente alla query precedente

| Matr | Nome | Città | CDip |
|------|---------|---------|------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf |
| 702 | Antonio | Roma | Log |

25

Espressioni algebriche

- Concatenazione di più operazioni algebriche
- Esprimono interrogazioni in modo formale
- Consentono di estrarre informazioni dai dati

26

Selezione e proiezione

| Matr | Nome | Città | CDip |
|------|---------|---------|------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf |
| 415 | Paola | Torino | Inf |
| 702 | Antonio | Roma | Log |

- quali studenti sono iscritti al diploma di informatica?

$\Pi_{\text{Nome}} \sigma_{\text{CDip}='Inf'} \text{STUDENTE}$

| NOME |
|-------|
| Carlo |
| Paola |

27

Selezione e proiezione

| Matr | Nome | Città | CDip |
|------|---------|---------|------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf |
| 415 | Paola | Torino | Inf |
| 702 | Antonio | Roma | Log |

- quali studenti di Logistica non sono di Milano?

$\Pi_{\text{Nome}} \sigma_{\text{CDip}='Log' \wedge \text{Città} \neq 'Milano'} \text{STUDENTE}$

| NOME |
|---------|
| Antonio |

28

Esempio : gestione degli esami universitari

STUDENTE

| Matr | Nome | Città | CDip |
|------|---------|---------|------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf |
| 415 | Paola | Torino | Inf |
| 702 | Antonio | Roma | Log |

ESAME

| Matr | Cod-Corso | Data | Voto |
|------|-----------|--------|------|
| 123 | 1 | 7-9-97 | 30 |
| 123 | 2 | 8-1-98 | 28 |
| 702 | 2 | 7-9-97 | 20 |

CORSO

| Cod-Corso | Titolo | Docente |
|-----------|-------------|---------|
| 1 | matematica | Barozzi |
| 2 | informatica | Meo |

29

Ricordiamo anche che...

STUDENTE \bowtie ESAME \bowtie CORSO

| Matr | Nome | Città | CDip | Cod-Corso | Data | Voto | Titolo | Docente |
|------|---------|---------|------|-----------|--------|------|--------|---------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf | 1 | 7-9-97 | 30 | matem | barozzi |
| 123 | Carlo | Bologna | Inf | 2 | 8-1-98 | 28 | infor | meo |
| 702 | Antonio | Roma | Log | 3 | 7-9-97 | 20 | infor | meo |

30

Selezione, proiezione e join

- quali studenti hanno preso 30 in matematica?

| Matr | Nome | Città | CDip | Cod-Corso | Data | Voto | Titolo | Docente |
|------|---------|---------|------|-----------|--------|------|--------|---------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf | 1 | 7-9-97 | 30 | matem | barozzi |
| 123 | Carlo | Bologna | Inf | 2 | 8-1-98 | 28 | infor | meo |
| 702 | Antonio | Roma | Log | 3 | 7-9-97 | 20 | infor | meo |

31

Selezione, proiezione e join

- quali studenti hanno preso 30 in matematica?

$\Pi_{\text{Nome}} \sigma_{\text{Voto}=30 \wedge \text{Titolo}=\text{'matematica'}} (\text{STUDENTE} \bowtie \text{ESAME} \bowtie \text{CORSO})$

| Nome |
|-------|
| Carlo |

32

Equivalenza di espressioni

- quali studenti hanno preso 30 in matematica?

STUDENTE ↑

| Matr | Nome | Città | CDip |
|------|---------|---------|------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf |
| 415 | Paola | Torino | Inf |
| 702 | Antonio | Roma | Log |

| ESAME | | | | CORSO | | |
|-------|-----------|--------|------|-----------|-------------|---------|
| Matr | Cod-Corso | Data | Voto | Cod-Corso | Titolo | Docente |
| 123 | 1 | 7-9-97 | 30 | 1 | matematica | Barozzi |
| 123 | 2 | 8-1-98 | 28 | 2 | informatica | Meo |
| 702 | 2 | 7-9-97 | 20 | | | |

33

Equivalenza di espressioni

- quali studenti hanno preso 30 in matematica?

$\Pi_{\text{Nome}} (\text{STUDENTE} \bowtie (\sigma_{\text{Voto}=30} \text{ESAME}) \bowtie (\sigma_{\text{Titolo}=\text{'matematica'}} \text{CORSO}))$

- equivalente a:

$\Pi_{\text{Nome}} \sigma_{\text{Voto}=30 \wedge \text{Titolo}=\text{'matematica'}} (\text{STUDENTE} \bowtie \text{ESAME} \bowtie \text{CORSO})$

34

Selezione, proiezione e join

- quali professori hanno esaminato Antonio?

| Matr | Nome | Città | CDip | Cod-Corso | Data | Voto | Titolo | Docente |
|------|---------|---------|------|-----------|--------|------|--------|---------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf | 1 | 7-9-97 | 30 | matem | barozzi |
| 123 | Carlo | Bologna | Inf | 2 | 8-1-98 | 28 | infor | meo |
| 702 | Antonio | Roma | Log | 3 | 7-9-97 | 20 | infor | meo |

35

Selezione, proiezione e join

- quali professori hanno esaminato Antonio?

$\Pi_{\text{Docente}} \sigma_{\text{Nome}=\text{'Antonio'}} (\text{STUDENTE} \bowtie \text{ESAME} \bowtie \text{CORSO})$

| Docente |
|---------|
| Meo |

36

Equivalenza di espressioni

STUDENTE

| Matr | Nome | Città | CDip |
|------|---------|---------|------|
| 123 | Carlo | Bologna | Inf |
| 415 | Paola | Torino | Inf |
| 702 | Antonio | Roma | Log |

ESAME

| Matr | Cod-Corso | Data | Voto |
|------|-----------|--------|------|
| 123 | 1 | 7-9-97 | 30 |
| 123 | 2 | 8-1-98 | 28 |
| 702 | 2 | 7-9-97 | 20 |

CORSO

| Cod-Corso | Titolo | Docente |
|-----------|-------------|---------|
| 1 | matematica | Barozzi |
| 2 | informatica | Meo |

37

Equivalenza di espressioni

- quali professori hanno esaminato Antonio?

$$\Pi_{\text{Docente}} (\text{CORSO} \bowtie (\text{ESAME} \bowtie (\sigma_{\text{Nome} = \text{'Antonio'}} \text{STUDENTE})))$$

- equivalente a:

$$\Pi_{\text{Docente}} \sigma_{\text{Nome} = \text{'Antonio'}} (\text{STUDENTE} \bowtie \text{ESAME} \bowtie \text{CORSO})$$

38

Espressioni con unione e differenza

- estrarre la matricola degli studenti romani oppure degli studenti che hanno sostenuto un esame il giorno 8-1-01

$$(\Pi_{\text{Matr}} \sigma_{\text{Città} = \text{'Roma'}} \text{STUDENTE})$$

∪

$$(\Pi_{\text{Matr}} \sigma_{\text{Data} = \text{'8-1-01'}} \text{ESAME})$$

| Matr | Matr | Matr |
|------|------|------|
| 702 | 123 | 702 |
| | | 123 |

39

Espressioni con unione e differenza

- estrarre la matricola degli studenti che hanno preso almeno un voto superiore a 28 e non sono mai scesi sotto il 25

$$(\Pi_{\text{Matr}} \sigma_{\text{Voto} > 28} \text{ESAME})$$

-

$$(\Pi_{\text{Matr}} \sigma_{\text{Voto} < 25} \text{ESAME})$$

| Matr | Matr | Matr |
|------|------|------|
| 123 | 702 | 123 |

40

Espressioni complesse

- estrarre il nome degli studenti che non hanno mai preso meno di 28

$$\Pi_{\text{Nome}} \text{STUDENTE} \bowtie \neg (\Pi_{\text{Matr}} \text{ESAME})$$

-

$$\Pi_{\text{Matr}} \sigma_{\text{Voto} < 28} \text{ESAME})$$

- spiegazione: prima trovo le matricole di tutti gli studenti meno le matricole di coloro che hanno preso meno di 28, poi trovo i loro nomi.

41

Espressioni complesse

- estrarre il nome degli studenti che hanno sostenuto "informatica" e "matematica" lo stesso giorno

$$\Pi_{\text{Nome}} \text{STUDENTE} \bowtie$$

$$((\text{ESAME} \bowtie \sigma_{\text{Titolo} = \text{'informatica'}} \text{CORSO})$$

$$\bowtie \text{Matr} = \text{Matr} \wedge \text{Data} = \text{Data}$$

$$(\text{ESAME} \bowtie \sigma_{\text{Titolo} = \text{'matematica'}} \text{CORSO}))$$

- spiegazione: prima trovo le matricole di coloro che hanno dato i due esami nello stesso giorno, poi trovo i loro nomi.

42

Espressioni complesse

- estrarre l'ultimo esame di ciascuno studente

ESAME

-

(ESAME $\triangleright \leftarrow$ Matr = Matr \wedge Data < Data ESAME)

- spiegazione: prima trovo gli esami che non sono ultimi, cioè che sono seguiti da qualche esame a pari studente in data superiore, poi sottraggo da tutti gli esami questi "esami non ultimi" e trovo gli ultimi esami di ciascuno studente

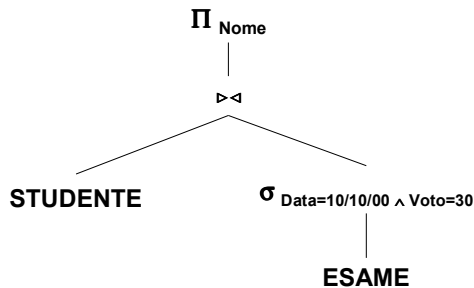
43

Rappresentazione delle espressioni tramite alberi

- Ogni espressione dell'algebra relazionale può essere rappresentata in modo grafico da un albero, che esplicita l'ordine di valutazione degli operatori
- Ogni operatore corrisponde a un nodo
 - operatori unari con un ramo in ingresso e uno in uscita
 - operatori binari con due rami in ingresso e uno in uscita

44

Esempio di albero



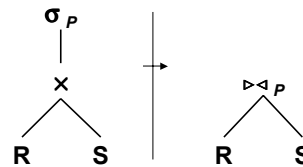
Corrisponde a:

$\Pi_{\text{Nome}} \text{STUENTE} \triangleright \leftarrow \sigma_{\text{Data}=10/10/00 \wedge \text{Voto}=30} \text{ESAME}$

45

Trasformazioni di equivalenza per espressioni algebriche

1) Eliminazione dei prodotti cartesiani

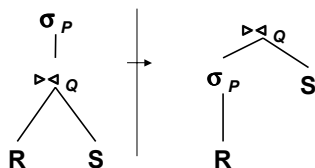


Vale se p è una congiunzione di predicati del tipo ATTR comp ATTR

46

Trasformazioni di equivalenza per espressioni algebriche

2) Push della selezione rispetto al join

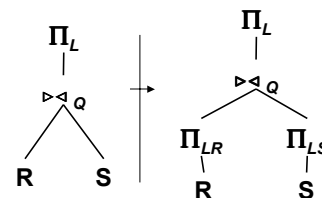


Vale se p è un predicato che si applica ai soli attributi di R

47

Trasformazioni di equivalenza per espressioni algebriche

3) Push della proiezione rispetto al join

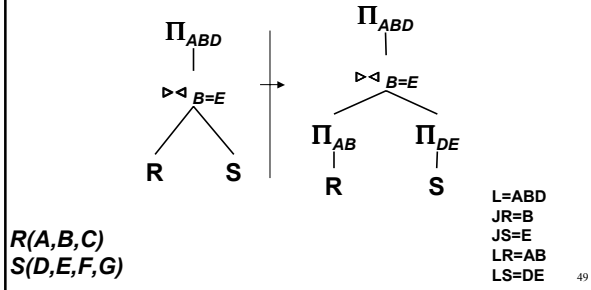


JR e JS sono gli attributi DI R e S necessari a valutare Q
 $LR = L - \text{schema}(S) + JR$
 $LS = L - \text{schema}(R) + JS$

48

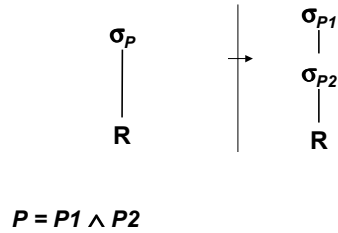
Esempio

3) Push della proiezione rispetto al join



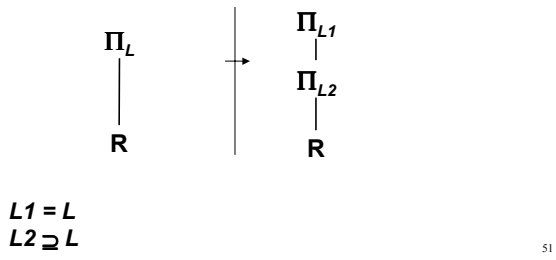
Trasformazioni di equivalenza per espressioni algebriche

4) Idempotenza della selezione



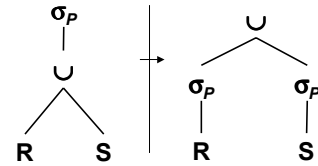
Trasformazioni di equivalenza per espressioni algebriche

5) Idempotenza della proiezione



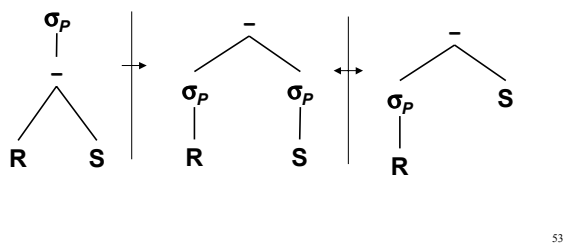
Trasformazioni di equivalenza per espressioni algebriche

6) Push della selezione rispetto all'unione



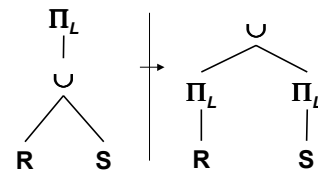
Trasformazioni di equivalenza per espressioni algebriche

7) Push della selezione rispetto alla differenza



Trasformazioni di equivalenza per espressioni algebriche

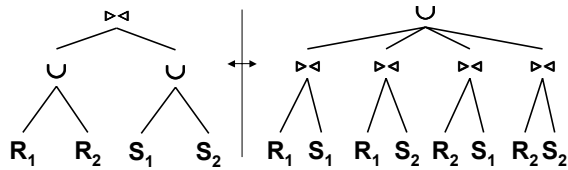
8) Push della proiezione rispetto all'unione



Attenzione: non vale il push della proiezione rispetto alla differenza e all'intersezione

Trasformazioni di equivalenza per espressioni algebriche

9) Commutazione di join e unione



55

Formule utili

$$\begin{aligned} R \bowtie R &= R \\ R \cup R &= R \\ R - R &= \emptyset \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sigma_P \emptyset &= \emptyset \\ \Pi_L \emptyset &= \emptyset \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} R \bowtie \sigma_P R &= \sigma_P R \\ R \cup \sigma_P R &= R \\ R - \sigma_P R &= \sigma_{\neg P} R \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} R \cup \emptyset &= R \\ R - \emptyset &= R \\ \emptyset - R &= \emptyset \\ R \cap \emptyset &= \emptyset \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sigma_{P_1} R \bowtie \sigma_{P_2} R &= \sigma_{P_1 \wedge P_2} R \\ \sigma_{P_1} R \cup \sigma_{P_2} R &= \sigma_{P_1 \vee P_2} R \\ \sigma_{P_1} R - \sigma_{P_2} R &= \sigma_{P_1 \wedge \neg P_2} R \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} R \times \emptyset &= \emptyset \\ R \bowtie \emptyset &= \emptyset \end{aligned}$$

56

Ottimizzazione algebrica

- Tra tutte le rappresentazioni equivalenti, conviene scegliere quella meno costosa da eseguire
- Criterio informale: minimizzare la dimensione dei risultati intermedi
- Tecnica:
 - utilizzare dove possibile le trasformazioni di push (2, 3, 6, 7, 8);
 - usare le trasformazioni di idempotenza (4, 5) per generare nuove selezioni e proiezioni

57

Esempio di ottimizzazione

Si ha lo schema:

R(A,B,C)
S(C,D,E)
T(D,E,F,G)

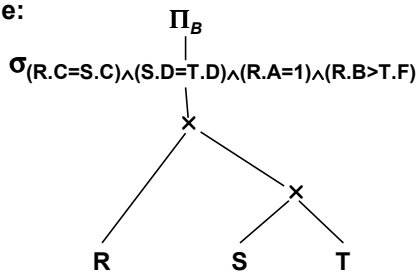
Si deve ottimizzare l'espressione algebrica:

$$\Pi_B \sigma_{(R.C=S.C) \wedge (S.D=T.D) \wedge (R.A=1) \wedge (R.B>T.F)} R \times S \times T$$

58

Esempio di ottimizzazione

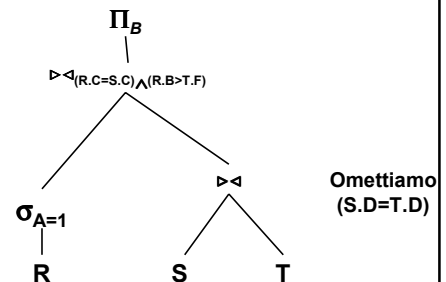
- Con la rappresentazione ad albero, si ottiene:



59

Esempio di ottimizzazione

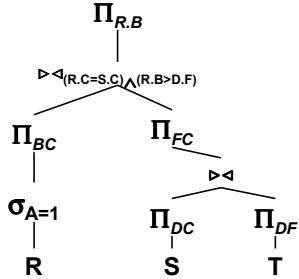
- Applicando le trasformazioni, si ottiene:



60

Esempio di ottimizzazione

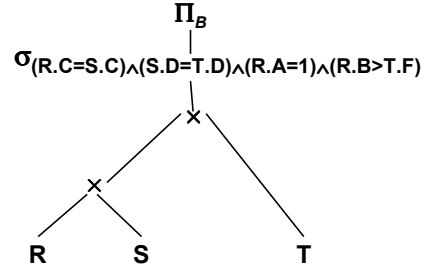
- Aggiungendo le proiezioni, si ottiene:



61

Esercizio

- Ripetere con:



62

Esercizi di ottimizzazione

- 1) Si ha lo schema: R(A,B)
S(A,B)

Ottimizzare l'espressione algebrica:

$$\sigma_{(S.A=R.A) \wedge (R.A>2) \wedge (S.A=1)} R \times S$$

Il risultato è una relazione vuota, perchè il predicato è una CONTRADDIZIONE!!!!

63

Esercizi di ottimizzazione

- 2) Si ha lo schema: R(A,B,C)
S(C,D,E)
T(C,D,E)

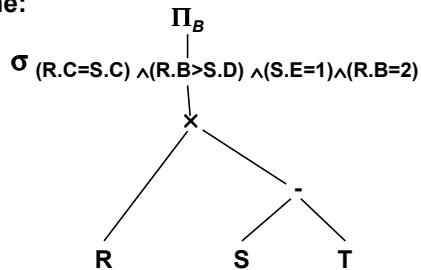
Ottimizzare l'espressione algebrica:

$$\Pi_{AD} \sigma_{(R.C=S.C) \wedge (S.E=1) \wedge (R.B=2) \wedge (R.B>S.D)} (R \times (S - T))$$

64

Esempio di ottimizzazione

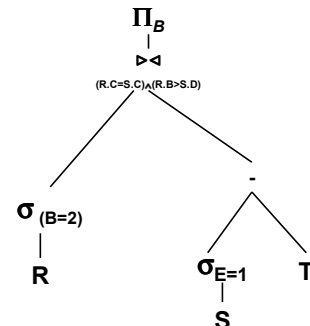
- Con la rappresentazione ad albero, si ottiene:



65

Esempio di ottimizzazione

- Applicando le trasformazioni, si ottiene:



66

Esempio di ottimizzazione

- Ragionando sui predicati, si ottiene:

67

Esempio di ottimizzazione

- Aggiungendo le proiezioni, si ottiene:

68

Ricerca della minima espressione contenitore (contain-view)

- Date n query, è un'espressione che consente di estrarre i risultati delle n query tramite selezioni e proiezioni su di essa
- Esempio: $R(A,B,C)$ $S(B,C,D,E,F)$ $T(D,G)$

1) $\Pi_{R,C,G}$
 $\sigma_{(A=1) \wedge (R.B=S.B) \wedge (S.D=T.D) \wedge (E=1) \wedge (G>3)}$
 $R \times S \times T$

2) $\Pi_{R,C,F}$
 $\sigma_{(R.C>G) \wedge (A=1) \wedge (E=1) \wedge (F>3) \wedge (G>2) \wedge (S.D=T.D) \wedge (R.B=S.B)}$
 $R \times S \times T$

69

Estrazione della contain-view

- La massima sub espressione comune (MSE):

70

Calcolo delle query tramite la MSE

1: Π_{CG}
 $\sigma_{G>3}$
 MSE

2: Π_{CF}
 $\sigma_{C>G}$
 $\wedge F>3$
 MSE

71

Calcolo relazionale

- Una famiglia di linguaggi formali
- Due tipi principali
 - Calcolo delle tuple (TRC, Tuple Relational Calculus)
 - Calcolo dei domini (DRC, Domain Relational Calculus)
- TRC in due versioni:
 - Con tuple ristrette sul range
 - Con tuple arbitrarie
- Guarderemo il TRC con tuple arbitrarie (anche se non è descritto nel libro!)

72

TRC è dichiarativo

- Esprime cosa si vuole nel risultato ma non come ottenerlo
- E' diverso dall'algebra, che è procedurale
- La dichiaratività è una caratteristica tipica dei linguaggi relazionali

73

Definizione formale del TRC

- **Forma standard:** $\{ t \mid p(t) \}$
- $p(t)$ è una *formula*, costruita tramite *atomi*
- **Atomi**
 - $t \in R$
 - $t1 [A1] \text{ comp } t2 [A2]$
 - $t [A] \text{ comp } k$
- *comp* e' un *comparatore*: =, <, >, >=, <=
- k è una *costante*
- $t[A]$ è una *restrizione sull'attributo A della tupla t*

74

Definizione formale del TRC

- **Regole di costruzione delle formule**
 - un *atomo* è una *formula*
 - se p è una *formula*, lo sono anche $\neg p$ e (p)
 - se $p1$ e $p2$ sono *formule*, lo sono anche $p1 \wedge p2, p1 \vee p2, p1 \Rightarrow p2$
 - se p è una *formula* in cui s è una *variabile*, lo sono anche $\exists s \in R (p(s)), \forall s \in R (p(s))$

75

Proprietà del TRC

- **Legge di De Morgan**
 $p1 \wedge p2 \equiv \neg (\neg p1 \vee \neg p2)$
- **Corrispondenze tra quantificatori**
 $\forall t \in R (p(t)) \equiv \neg \exists t \in R (\neg p(t))$
- **Definizione di implicazione**
 $p1 \Rightarrow p2 \equiv \neg p1 \vee p2$

76

Forme Normali

- **Dalle tre leggi segue che è possibile scrivere tutte le possibili espressioni senza implicazione e con:**
 - Un solo *quantificatore*
 - Un solo *operatore binario*
- **La forma normale più usata (simile ad SQL) usa *quantificatore esistenziale* e *congiunzione***

77

Esempi di TRC

- **Nome degli studenti che hanno preso 30 in "matematica"**

$\{ t \mid \exists t1 \in \text{STUDENTE},$
 $\exists t2 \in \text{ESAME},$
 $\exists t3 \in \text{CORSO}$
 $($
 $t[\text{Nome}] = t1[\text{Nome}] \wedge$
 $t1[\text{Matr}] = t2[\text{Matr}] \wedge$
 $t2[\text{CodCorso}] = t3[\text{CodCorso}] \wedge$
 $t2[\text{Voto}] = 30 \wedge$
 $t3[\text{Titolo}] = \text{'matematica'}) \}$

78

Esempi di TRC

- Matricole degli studenti che hanno sostenuto “matematica” ma non “basi di dati”

$$\{ t \mid \exists t1 \in \text{ESAME}, \exists t2 \in \text{CORSO} \\ (t[\text{Matr}] = t1[\text{Matr}] \wedge \\ t1[\text{CodCorso}] = t2[\text{CodCorso}] \wedge \\ t2[\text{Titolo}] = \text{'matematica'}) \wedge \\ \neg (\exists t3 \in \text{ESAME}, \exists t4 \in \text{CORSO} \\ (t[\text{Matr}] = t3[\text{Matr}] \wedge \\ t3[\text{CodCorso}] = t4[\text{CodCorso}] \wedge \\ t4[\text{Titolo}] = \text{'basi di dati'})) \}$$

79

Correttezza

- Si devono evitare formule *unsafe*:
 $\{ t \mid t \notin R \}$ dà un risultato infinito
- Si considerano corrette solo formule *indipendenti dal dominio*
 - la soluzione non dipende dal dominio degli attributi, ma solo dall'istanza del DB

80

AR è esprimibile tramite TRC

E' sufficiente mostrare che si possono realizzare i cinque operatori fondamentali:

- Selezione, $\sigma_{A=1} R$:
 $\{ t \mid \exists t \in R (t[A]=1) \}$
- Proiezione, $\Pi_{AC} R$:
 $\{ t \mid \exists t1 \in R (t[A,C]=t1[A,C]) \}$

81

AR è esprimibile tramite TRC

- Prodotto cartesiano, $R(A,B,C) \times S(D,E,F)$:
 $\{ t \mid \exists t1 \in R, \exists t2 \in S \\ (t[A,B,C]=t1[A,B,C] \wedge \\ t[D,E,F]=t2[D,E,F]) \}$

Esempio di join, $R(A,C) \bowtie_{A=B} S(B,D)$:
 $\{ t \mid \exists t1 \in R, \exists t2 \in S \\ (t[A,C] = t1[A,C] \wedge \\ t[B,D] = t2[B,D] \wedge \\ t[A] = t[B]) \}$

82

AR è esprimibile tramite TRC

- Unione, $R \cup S$:
 $\{ t \mid \exists t1 \in R, \exists t2 \in S \\ (t = t1 \vee t = t2) \}$
- Differenza, $R - S$:
 $\{ t \mid \exists t \in R (t \notin S) \}$

83

Anche TRC è esprimibile tramite AR

- La prova è più complicata
- Si devono escludere espressioni unsafe e dipendenti dal dominio
- Sotto queste ipotesi TRC e AR hanno lo stesso potere espressivo

84

Linguaggi di query basati sulla programmazione logica

- La programmazione logica è un paradigma di programmazione basato su regole
- Linguaggio di riferimento: Prolog (1970)
- Datalog: Prolog per basi di dati (1984)
- Differenze principali rispetto a Prolog (per chi lo conosce):
 - mancano i simboli di funzione
 - modello di valutazione pienamente dichiarativo

85

Base di dati d'esempio per Datalog

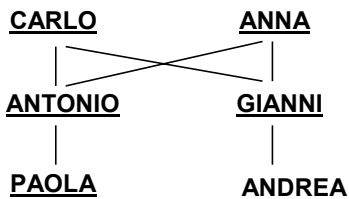
GENITORE

| Genitore | Figlio |
|----------|---------|
| Carlo | Antonio |
| Carlo | Gianni |
| Anna | Antonio |
| Anna | Gianni |
| Gianni | Andrea |
| Antonio | Paola |

PERSONA

| Nome | Età | Sesso |
|---------|-----|-------|
| Carlo | 65 | M |
| Antonio | 40 | M |
| Anna | 60 | F |
| Gianni | 43 | M |
| Andrea | 22 | M |
| Paola | 20 | F |

86



87

Regole Datalog

- Ogni regola è composta da una testa (head o LHS) e da un corpo (body o RHS)
ES: $P :- P_1, P_2, \dots, P_n$

- Ogni P rappresenta un predicato (chiamato letterale), così composto:

- nome
 - argomenti:
 - costanti
 - variabili
 - simbolo "don't care" (non nella testa)
- ES: $\text{persona}(X, _, "M")$

88

Regole Datalog

Hanno l'interpretazione che la testa è vera se il corpo è vero

- Esempi di regole

$\text{Padre}(X, Y) :- \text{Persona}(X, _, 'M'), \text{Genitore}(X, Y)$

$\text{Madre}(X, Y) :- \text{Persona}(X, _, 'F'), \text{Genitore}(X, Y)$

- Le variabili del LHS devono apparire nel RHS

89

Fatti Datalog

- Ciascuna tupla corrisponde a un fatto (letterale *ground*)
- Ad esempio:

$\text{Genitore}(\text{"Carlo"}, \text{"Antonio"})$.

90

Query in Datalog

- Esempio di query (detta *goal*)
?- Padre("Carlo",X)
- Valutazione: si cerca una regola che abbia per testa il predicato *Padre* e si cercano valori per la variabile *X* (*unificazione*)
- Si ottiene $X = \{\text{"Antonio"}, \text{"Gianni"}\}$
- Un goal senza variabili restituisce *True* o *False*
 - ?- Padre("Carlo", "Antonio") \Rightarrow *True*
 - ?- Padre("Carlo", "Andrea") \Rightarrow *False*

91

Altre regole

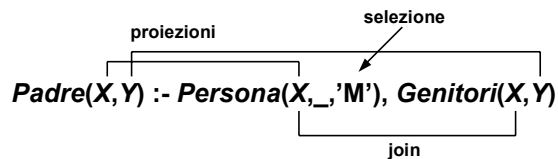
Nonno(X,Z) :- Padre(X,Y), Genitore(Y,Z)

Fratello(X,Y) :- Genitore(Z,X), Genitore(Z,Y), X \neq Y

Zio(X,Y) :- Persona(X,_, 'M'), Fratello(X,Z), Genitore(Z,Y)

92

Corrispondenza tra Datalog e l'algebra relazionale



- Espressione corrispondente in algebra relazionale:
PADRE = $\Pi_{1,5} \sigma_{3='M'} \text{PERSONA} \bowtie_{1=1} \text{GENITORI}$

93

Database estensionale e intensionale

- Database estensionale (EDB)
 - insieme delle tabelle presenti nel DB
- Database intensionale (IDB)
 - insieme dei predicati che sono a sinistra in una regola
 - è la conoscenza dedotta a partire da EDB
- Normalmente si impone $\text{EDB} \cap \text{IDB} = \emptyset$

94

Negazione in Datalog

- Alcuni letterali del corpo possono essere negati
es: Padre(X,Y) :- Genitore(X,Y), not Madre(X,Y)
- L'uso della negazione in Datalog aumenta il potere espressivo del linguaggio
- Anche l'uso della negazione richiede cautela:
q(X) :- \neg p(X)
p(0).
?- q(X) produce un risultato infinito!

95

Potere espressivo di Datalog

- Datalog senza negazione permette di rappresentare gli operatori $\{\sigma, \Pi, \times, \cup\}$
- $\{\sigma, \Pi, \times\}$ già visti
- Per l'unione si usano più regole con la stessa testa; $P = R \cup S$:
P(X,Y) :- R(X,Y)
P(X,Y) :- S(X,Y)
- Per la differenza serve il *not*; $P = R - S$:
P(X,Y) :- R(X,Y), \neg S(X,Y)

96

Query ricorsive

- Datalog con negazione ha quindi un potere espressivo almeno pari all'algebra relazionale
- In effetti ha un potere superiore, perché permette l'espressione di query ricorsive
- Una query ricorsiva presenta il letterale della testa all'interno del corpo della regola:

$Antenato(X, Y) :- Genitore(X, Y)$ ← start
 $Antenato(X, Y) :- Antenato(X, Z), Genitore(Z, Y)$
 ← ricorsione

97

Meccanismo di valutazione

- Si può immaginare che venga seguito il seguente processo iterativo:

$ANTENATO^0 \Leftarrow GENITORI$
 $ANTENATO^1 \Leftarrow (\Pi_{1,4} ANTENATO^0 \triangleright_{\Delta_{2=3}} GENITORI) \cup ANTENATO^0$
 $ANTENATO^2 \Leftarrow (\Pi_{1,4} ANTENATO^1 \triangleright_{\Delta_{2=3}} GENITORI) \cup ANTENATO^1$
 ...

fino a che $ANTENATO^n$ risulta pari a $ANTENATO^{n-1}$ (punto fisso)

98

Valutazione delle query ricorsive

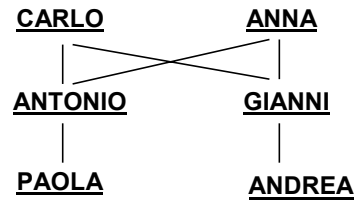
- Nella base dati d'esempio si ottiene il risultato illustrato a fianco

Nuovi elementi rispetto a GENITORE

ANTENATO

| | |
|---------|---------|
| | |
| Carlo | Antonio |
| Carlo | Gianni |
| Anna | Antonio |
| Anna | Gianni |
| Gianni | Andrea |
| Antonio | Paola |
| Carlo | Andrea |
| Carlo | Paola |
| Anna | Andrea |
| Anna | Paola |

99



100

Predicati e funzioni

- Nella definizione delle regole si possono usare predicati speciali
 - operatori di confronto
 - = (unificazione), ≠, <, ≤, >, ≥
 - funzioni aritmetiche
 - +, -, *, /
- Bisogna fare molta attenzione:
 - $n(X) :- n(X - 1)$
 - $n(0).$
 - ?- $n(X)$ produce un risultato infinito!

101

Regole corrette

- La negazione deve essere *safe*
 - tutte le variabili di un letterale negato devono comparire in un letterale positivo del corpo della regola
 - $S(X) :- R(X), \neg Q(Y)$ non va bene
- La negazione deve essere *stratificata*
 - sinteticamente, non ci devono essere cicli di dipendenza tra letterali negati
 - $P(X) :- R(X)$
 - $P(X) :- R(X), \neg P(X)$ non va bene



102

Riepilogo della terminologia Datalog

**Modello
relazionale
standard**

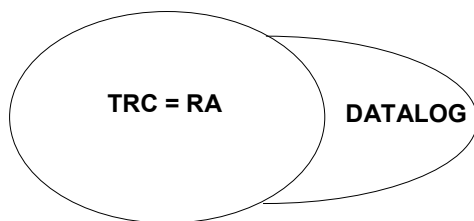
| | |
|-----------------------|------------------|
| Relazione | Predicato |
| Attributo | Argomento |
| Tupla | Fatto |
| Query | Regole |
| Interrogazione | Goal |

103

Sintesi sui poteri espressivi

- TRC =RA, con TRC safe e non dipendente dal dominio
- Datalog più espressivo di TRC e RA (a causa della ricorsione), con espressioni Datalog safe, stratificate e che non producono infiniti simboli-

104



105

In che modo si differenziano i linguaggi formali?

- L'algebra è un linguaggio PROCEDURALE: si dice esattamente in che modo valutare le interrogazioni (e si può ottimizzare)
- TRC è un linguaggio DICHIARATIVO: si dice cosa si vuole ottenere ma non come ottenerlo.
- DATALOG è pure dichiarativo, ma la costruzione delle dipendenze tra le regole può essere fatta in modo procedurale.

106

Perchè vi abbiamo raccontato tutto ciò?

- SQL assomiglia al calcolo relazionale
- L'algebra assomiglia a quanto viene effettivamente valutato da un DBMS
- Datalog avvicina le basi di dati al mondo della logica e della deduzioni

107