

Message Authentication Code

Barbara Masucci

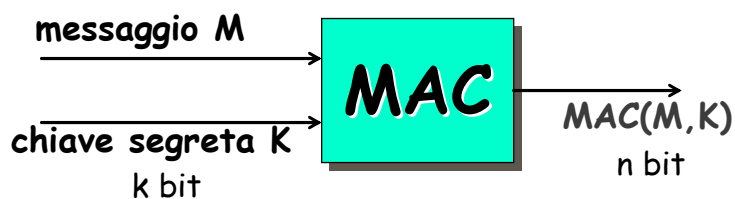
Dipartimento di Informatica ed Applicazioni
Università di Salerno

masucci@dia.unisa.it

<http://www.dia.unisa.it/professori/masucci>



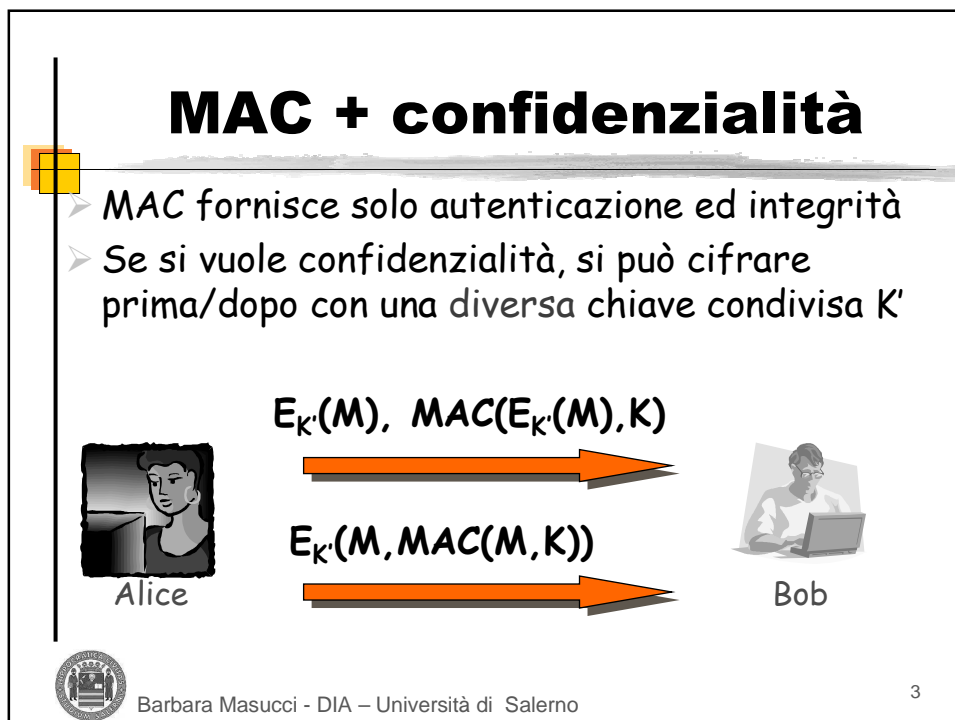
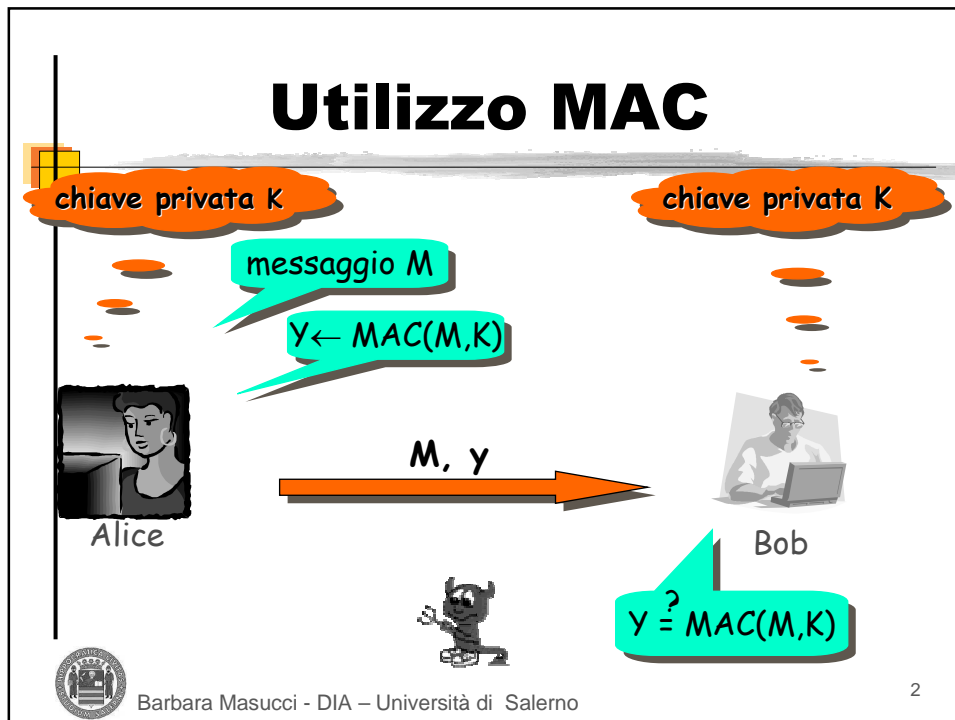
Message Authentication Code (MAC)



Applicazioni

- Autenticità del messaggio M
- Integrità del messaggio M





Sicurezza

- Cosa si intende per sicurezza di uno schema di un MAC?
- Dobbiamo definire
 - Tipo di attacco
 - Scopo dell'attacco



Tipo di attacco

- *Known Message Attack*
 - Oscar conosce una lista di messaggi ed i relativi MAC
- *Chosen Message Attack*
 - Oscar sceglie dei messaggi e chiede ad Alice (o Bob) di computarne i MAC
- *Adaptive Chosen Message Attack*
 - Come nel *Chosen Message Attack*, ma le scelte dipendono dalle risposte precedenti



Scopo dell'attacco

- Total break
 - Determinare la chiave K
- Selective forgery
 - Dato un messaggio M, determinare y tale che $y=MAC(M,K)$
- Existential forgery
 - Determinare una coppia (M,y) tale che $y=MAC(M,K)$



Ricerca esaustiva sulla chiave

- Date le coppie (M_i, y_i) , con $y_i=MAC(M_i, k)$, determiniamo K
 - Supponiamo che sia $k > n$
 - Prova tutte le 2^k chiavi sulla coppia (M_1, y_1) : circa 2^{k-n} match
 - Prova le 2^{k-n} chiavi precedenti sulla coppia (M_2, y_2) : circa 2^{k-2n} match
 - ...
 - In generale, se $k=\beta \cdot n$, necessari circa β round
- Esempio: $k=80$ bit, $n=32$ bit
 - Round 1: circa 2^{48} match
 - Round 2: circa 2^{16} match
 - Round 3: 1 match **trovata!**



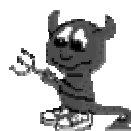
Ricerca esaustiva sul valore del MAC

- Dato M determiniamo $y = \text{MAC}(M, K)$, senza conoscere K
 - Scegli a caso y , prob. successo: $1/2^n$
 - Ma come controlliamo che sia il valore giusto, senza avere K ?



Ricerca esaustiva

- Sforzo computazionale richiesto:
 $\min(2^k, 2^n)$
- Raccomandazioni: $\min(k, n) \geq 128$



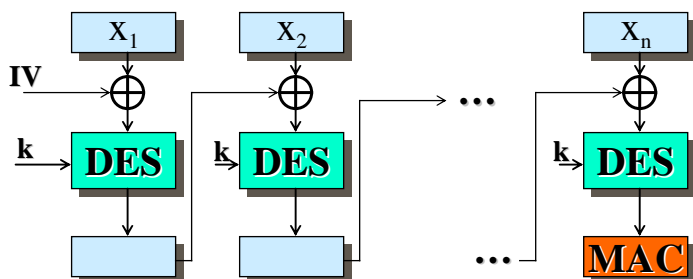
MAC: Costruzioni

- MAC basati su cifrari a blocchi
 - CBC-MAC
- MAC basati su funzioni hash
 - Metodo del segreto prefisso
 - Metodo del segreto suffisso
 - HMAC



CBC-MAC

- Cipher Block Chaining (con IV=0)
- Uno dei più usati (FIPS PUB 113 e ANSI X9.17)
- Testo $X = X_1 X_2 \dots X_n$ diviso in blocchi di 64 bit



Valore troncato: da 16 a 64 bit più a sinistra



MAC basati su Funzioni Hash

Vantaggi uso funzioni hash

- Sono più veloci dei cifrari a blocchi, in genere
- Sono incluse nelle funzioni di libreria, in genere
- Non ci sono restrizioni sull'esportazione dagli USA

Attenzione alla costruzione!



MAC basati su funzioni hash

- H funzione hash iterata con funzione di compressione f
- Input M , dopo il padding n blocchi $X_1 X_2 \dots X_n$



- H_0 costante iniziale
 - Computazione di ... $H_i = f(X_i, H_{i-1})$...
 - Valore hash $H_n = f(X_n, H_{n-1})$
- } computazione del valore hash



Metodo del segreto prefisso

$$\text{MAC}(K, M) = H(K, M)$$

Existential forgery attack



Per funzioni hash iterate:

Considero $M' = Mx_{n+1}$ e so calcolare

$$f(x_{n+1}, H(K, M)) = H(K, Mx_{n+1}) = \text{MAC}(K, M')$$

Possibile soluzione:

$H(K, L, M)$ con $L = \text{lunghezza di } M$



Metodo del segreto suffisso

$$\text{MAC}(K, M) = H(M, K)$$

Existential forgery attack



Attacco compleanno:

In $O(2^{|\text{hash}(\cdot)|/2})$ passi calcola coppia

$$M, M': H(M) = H(M').$$

$$\text{Quindi, } H(M, K) = H(M', K) = \text{MAC}(M', K)$$



HMAC

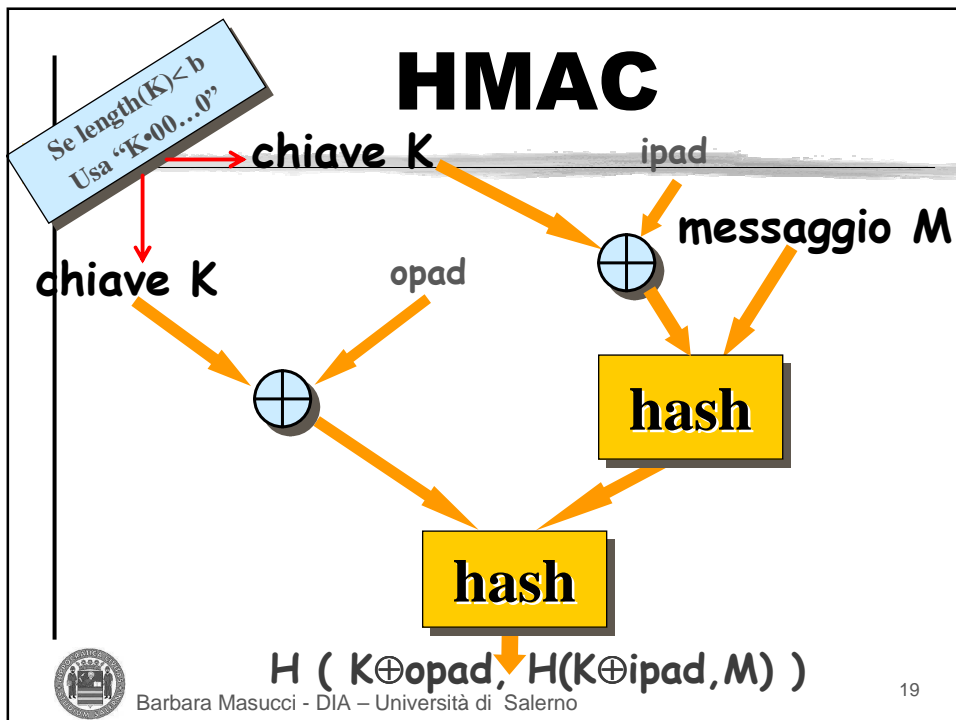
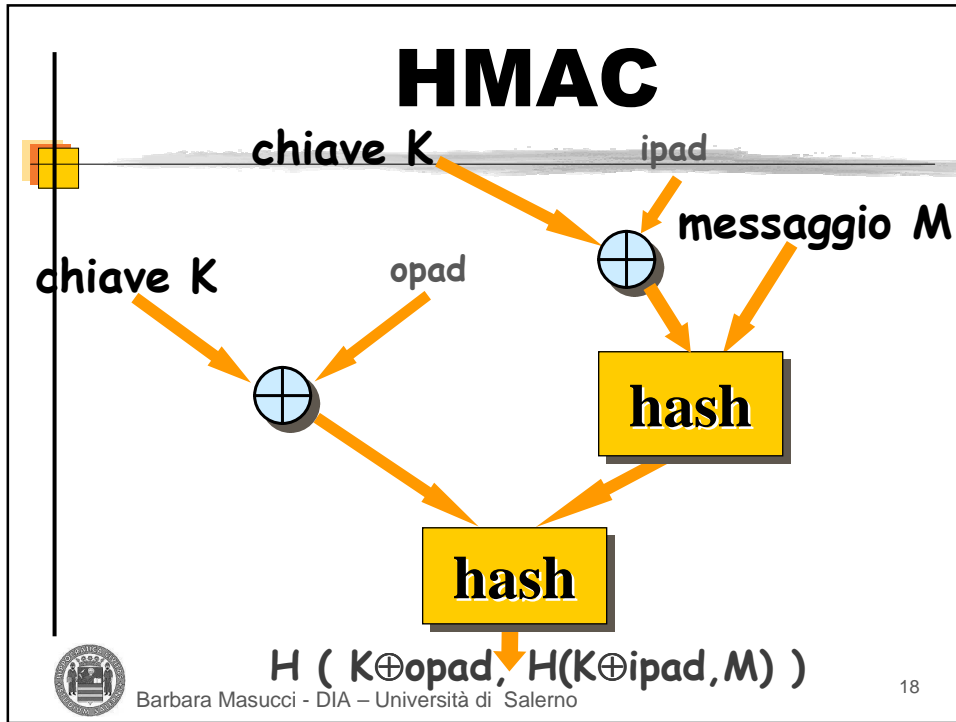
- RFC 2104, *HMAC: Keyed-Hashing for Message Authentication*, Febbraio 1997
- ANSI X9.71 *Keyed Hash Message Authentication Code*, 2000
- FIPS 198, *The Keyed-Hash Message Authentication Code (HMAC)*, pubblicato 6 marzo 2002
 - Standard effettivo dal 6 agosto 2002
 - Draft pubblicato 5 gennaio 2001, review e commenti pubblici
- Funzioni Hash usate come black-box
 - Utilizzo delle funzioni hash senza modifiche
 - Facile cambio della funzione hash (più veloci e più sicure)
- Facile utilizzo e gestione di chiavi

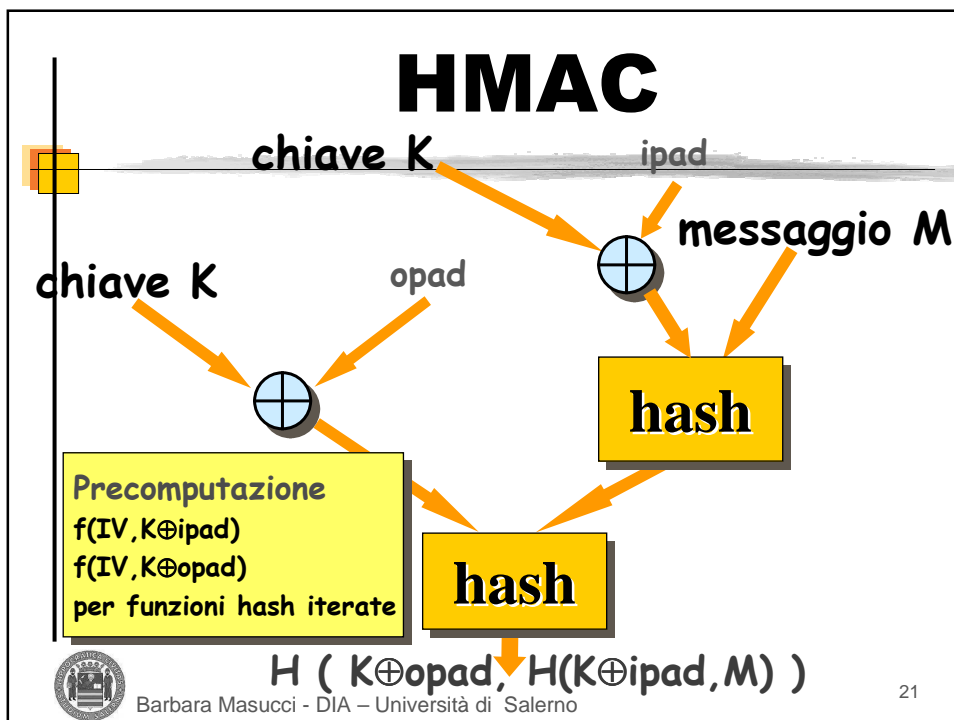
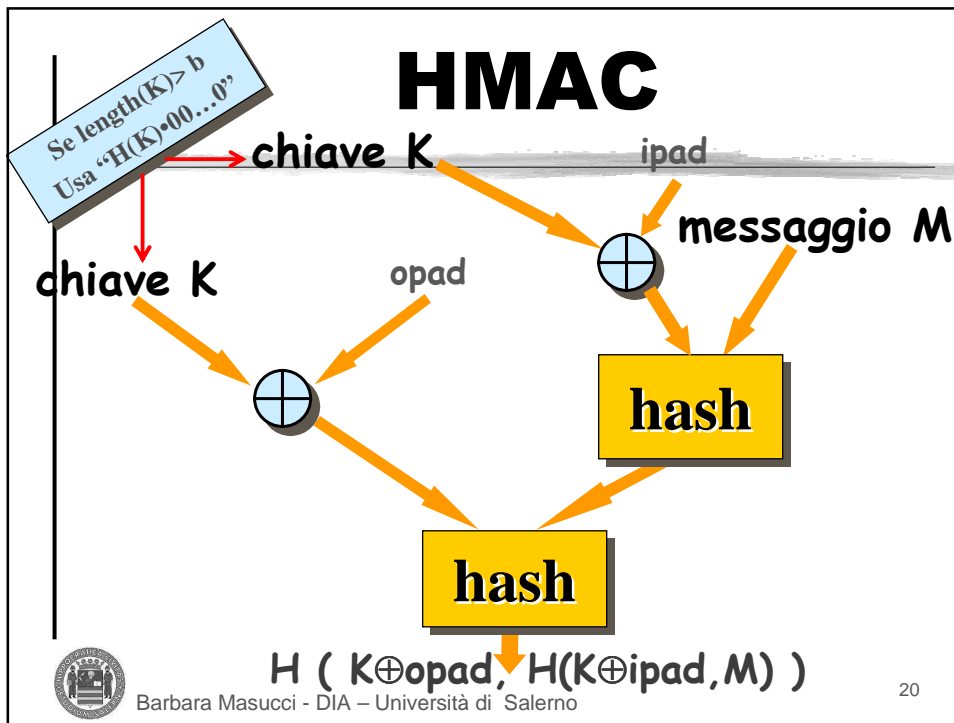


HMAC

- H: funzione hash iterata con initialization vector IV
 - MD5, SHA-1, RIPEMD-160,...
- n: lunghezza del valore hash
 - n=128, 160,...
- M, suddiviso in L blocchi di $b > n$ bit ciascuno
 - b=512,...
- ipad = byte 00110110 (36 in esadecimale) ripetuto $b/8$ volte
- opad = byte 01011100 (5C in esadecimale) ripetuto $b/8$ volte
- K: chiave segreta
 - Se $\text{length}(K) < b$, fai padding con 0...0
 - Se $\text{length}(K) > b$, calcola $H(K)$ di n bit e fai padding con 0...0








Output troncato

- Diverse volte si usano solo i primi t bit dell'hash
- Esempi:
 - HMAC-SHA1-80 (solo i primi 80 dei 160 bit)
 - HMAC-MD5 (tutti i 128 bit)
- Raccomandazioni:
 - $t \geq n/2$ per una funzione hash di n bit
 - Comunque, $t \geq 80$ (RFC 2104), $t \geq 32$ (FIPS 198)



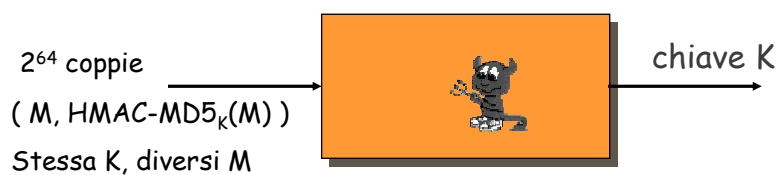
Sicurezza HMAC

- Sicurezza dipende dalle proprietà della funzione hash usata da HMAC
- Se  ha successo in un attacco ad HMAC allora:
 - Può computare l'output della funzione di compressione anche quando IV è casuale e sconosciuto all'attaccante
 - Può computare collisioni nella funzione hash anche quando IV è casuale e sconosciuto all'attaccante



Attacchi ad HMAC

- Miglior attacco conosciuto [1995,1996] basato sul paradosso del compleanno
 - Occorrono $2^{\lceil \text{hash}(\cdot) \rceil / 2}$ coppie $(M, \text{HMAC}_K(M))$
- Esempio:



Bibliografia

- Cryptography and Network Security by W. Stallings (2003)
 - cap. 11 (MAC) e 12 (HMAC)
- Tesina di Sicurezza su reti
 - Message Authentication Code

