

# Message Authentication Code

**Barbara Masucci**

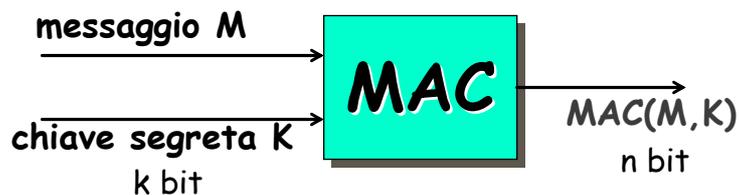
Dipartimento di Informatica ed Applicazioni  
Università di Salerno

[masucci@dia.unisa.it](mailto:masucci@dia.unisa.it)

<http://www.dia.unisa.it/professori/masucci>



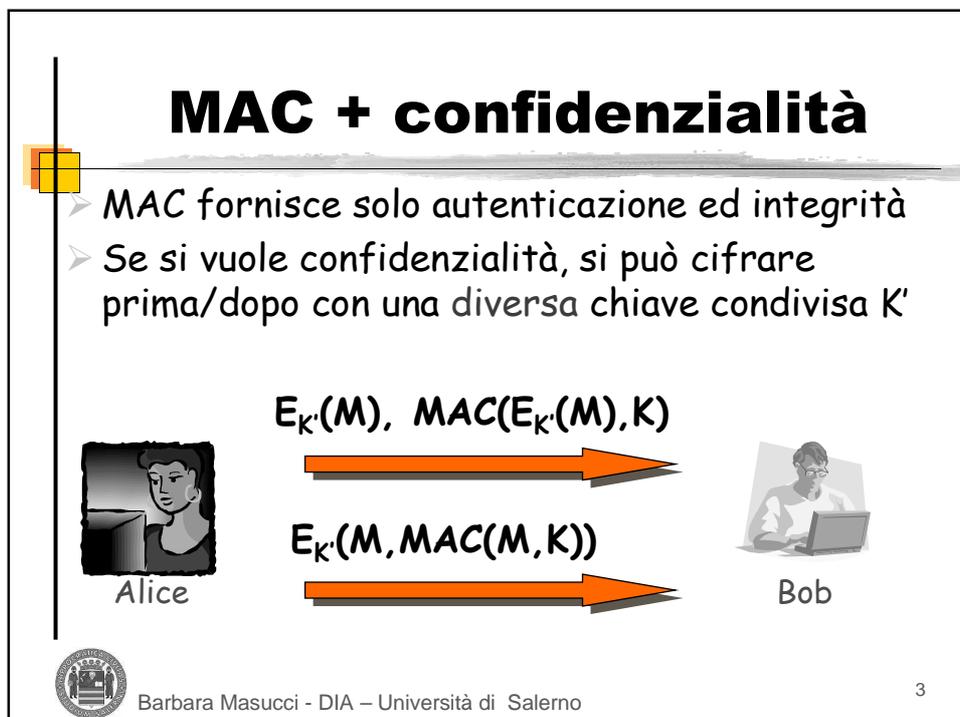
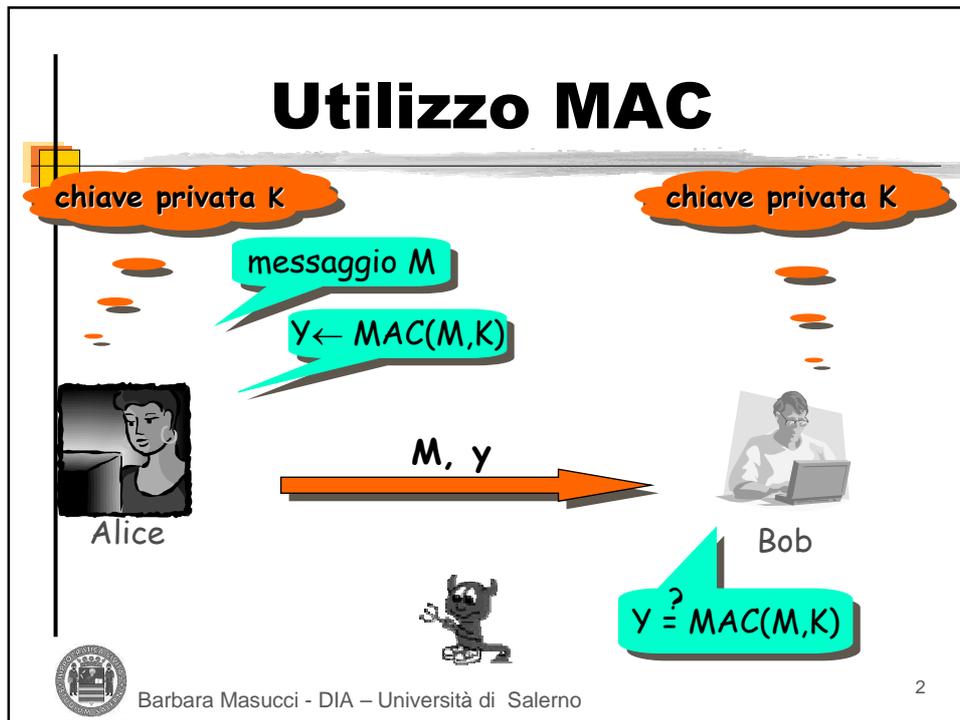
## Message Authentication Code (MAC)



### Applicazioni

- Autenticità del messaggio  $M$
- Integrità del messaggio  $M$





# Sicurezza

- Cosa si intende per sicurezza di uno schema di un MAC?
- Dobbiamo definire
  - Tipo di attacco
  - Scopo dell'attacco



# Tipo di attacco

- *Known Message Attack*
  - Oscar conosce una lista di messaggi ed i relativi MAC
- *Chosen Message Attack*
  - Oscar sceglie dei messaggi e chiede ad Alice (o Bob) di computarne i MAC
- *Adaptive Chosen Message Attack*
  - Come nel Chosen Message Attack, ma le scelte dipendono dalle risposte precedenti



## Scopo dell'attacco

- Total break
  - Determinare la chiave K
- Selective forgery
  - Dato un messaggio M, determinare y tale che  $y=MAC(M,K)$
- Existential forgery
  - Determinare una coppia (M,y) tale che  $y=MAC(M,K)$



## Ricerca esaustiva sulla chiave

- Date le coppie  $(M_i, y_i)$ , con  $y_i=MAC(M_i, k)$ , determiniamo K
  - Supponiamo che sia  $k > n$ 
    - Prova tutte le  $2^k$  chiavi sulla coppia  $(M_1, y_1)$ : circa  $2^{k-n}$  match
    - Prova le  $2^{k-n}$  chiavi precedenti sulla coppia  $(M_2, y_2)$ : circa  $2^{k-2n}$  match
    - ...
    - In generale, se  $k=\beta \cdot n$ , necessari circa  $\beta$  round
- Esempio:  $k=80$  bit,  $n=32$  bit
  - Round 1: circa  $2^{48}$  match
  - Round 2: circa  $2^{16}$  match
  - Round 3: 1 match **trovata!**



## Ricerca esaustiva sul valore del MAC

- Dato  $M$  determiniamo  $y = \text{MAC}(M, K)$ , senza conoscere  $K$ 
  - Scegli a caso  $y$ , prob. successo:  $1/2^n$
  - Ma come controlliamo che sia il valore giusto, senza avere  $K$ ?



## Ricerca esaustiva

- Sforzo computazionale richiesto:  $\min(2^k, 2^n)$
- Raccomandazioni:  $\min(k, n) \geq 128$



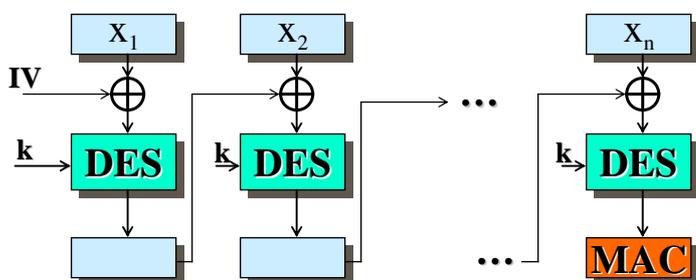
# MAC: Costruzioni

- MAC basati su cifrari a blocchi
  - CBC-MAC
- MAC basati su funzioni hash
  - Metodo del segreto prefisso
  - Metodo del segreto suffisso
  - HMAC



# CBC-MAC

- Cipher Block Chaining (con  $IV=0$ )
- Uno dei più usati (FIPS PUB 113 e ANSI X9.17)
- Testo  $X = X_1 X_2 \dots X_n$  diviso in blocchi di 64 bit



Valore troncato: da 16 a 64 bit più a sinistra



## MAC basati su Funzioni Hash

### Vantaggi uso funzioni hash

- Sono più veloci dei cifrari a blocchi, in genere
- Sono incluse nelle funzioni di libreria, in genere
- Non ci sono restrizioni sull'esportazione dagli USA

Attenzione alla costruzione!



## MAC basati su funzioni hash

- $H$  funzione hash iterata con funzione di compressione  $f$
- Input  $M$ , dopo il padding  $n$  blocchi  $X_1 X_2 \dots X_n$



- $H_0$  costante iniziale
  - Computazione di ...  $H_i = f(X_i, H_{i-1})$  ...
  - Valore hash  $H_n = f(X_n, H_{n-1})$
- } computazione del valore hash



## Metodo del segreto prefisso

$$\text{MAC}(K, M) = H(K, M)$$

### Existential forgery attack



Per funzioni hash iterate:

Considero  $M' = Mx_{n+1}$  e so calcolare

$$f(x_{n+1}, H(K, M)) = H(K, Mx_{n+1}) = \text{MAC}(K, M')$$

Possibile soluzione:

$H(K, L, M)$  con  $L = \text{lunghezza di } M$



## Metodo del segreto suffisso

$$\text{MAC}(K, M) = H(M, K)$$

### Existential forgery attack



Attacco compleanno:

In  $O(2^{|\text{hash}(\cdot)|/2})$  passi calcola coppia

$$M, M': H(M) = H(M').$$

$$\text{Quindi, } H(M, K) = H(M', K) = \text{MAC}(M', K)$$



# HMAC

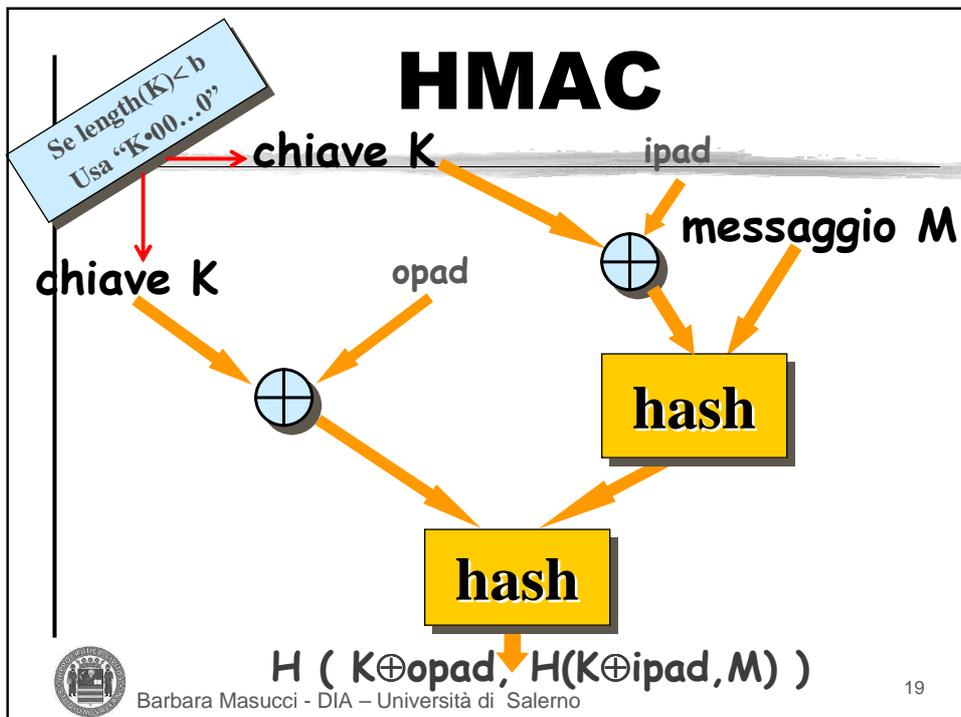
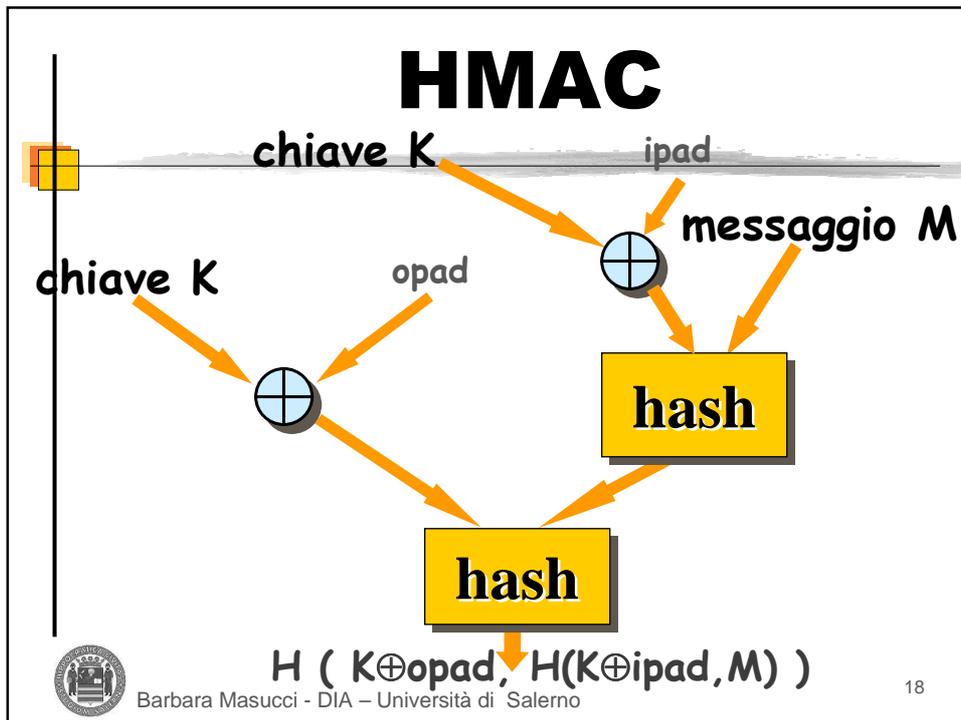
- RFC 2104, *HMAC: Keyed-Hashing for Message Authentication*, Febbraio 1997
- ANSI X9.71 *Keyed Hash Message Authentication Code*, 2000
- FIPS 198, *The Keyed-Hash Message Authentication Code (HMAC)*, pubblicato 6 marzo 2002
  - Standard effettivo dal 6 agosto 2002
  - Draft pubblicato 5 gennaio 2001, review e commenti pubblici
- Funzioni Hash usate come black-box
  - Utilizzo delle funzioni hash senza modifiche
  - Facile cambio della funzione hash (più veloci e più sicure)
- Facile utilizzo e gestione di chiavi

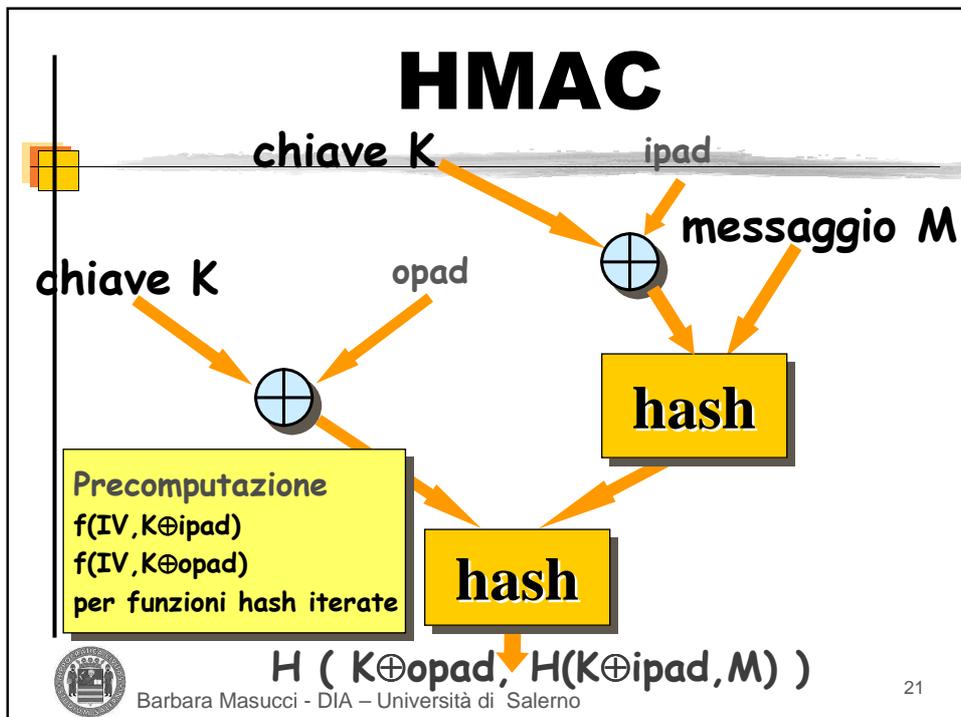
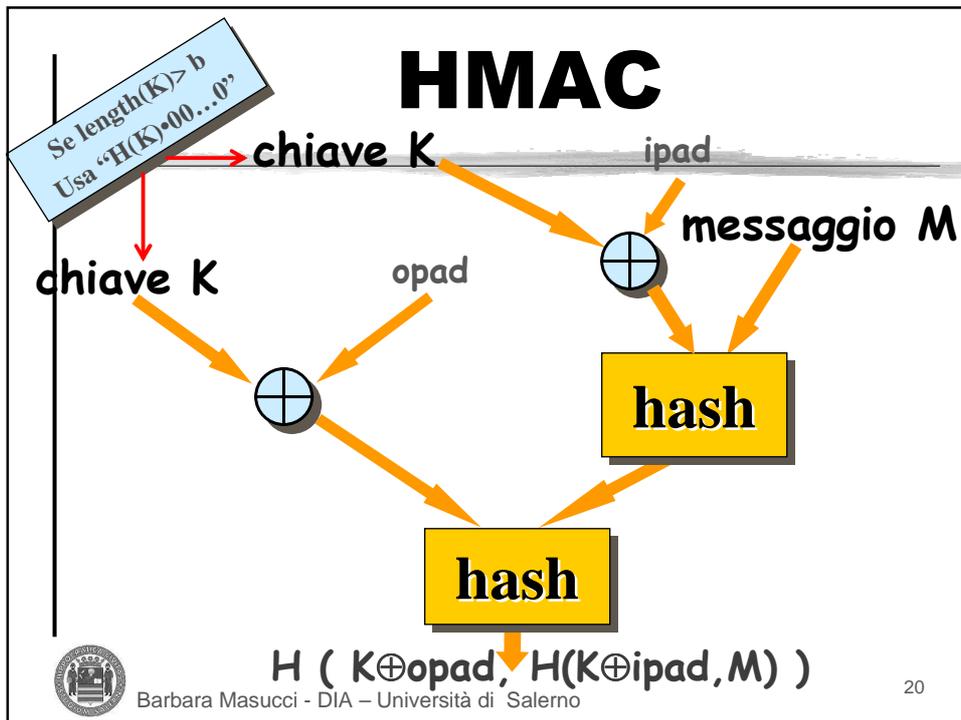


# HMAC

- H: funzione hash iterata con initialization vector IV
  - MD5, SHA-1, RIPEMD-160,...
- n: lunghezza del valore hash
  - n=128, 160,...
- M, suddiviso in L blocchi di  $b > n$  bit ciascuno
  - b=512,...
- ipad = byte 00110110 (36 in esadecimale) ripetuto  $b/8$  volte
- opad = byte 01011100 (5C in esadecimale) ripetuto  $b/8$  volte
- K: chiave segreta
  - Se  $\text{length}(K) < b$ , fai padding con 0...0
  - Se  $\text{length}(K) > b$ , calcola  $H(K)$  di n bit e fai padding con 0...0







## Output troncato

- Diverse volte si usano solo i primi  $t$  bit dell'hash
- Esempi:
  - HMAC-SHA1-80 (solo i primi 80 dei 160 bit)
  - HMAC-MD5 (tutti i 128 bit)
- Raccomandazioni:
  - $t \geq n/2$  per una funzione hash di  $n$  bit
  - Comunque,  $t \geq 80$  (RFC 2104),  $t \geq 32$  (FIPS 198)



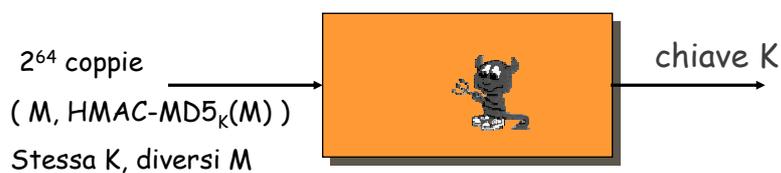
## Sicurezza HMAC

- Sicurezza dipende dalle proprietà della funzione hash usata da HMAC
- Se  ha successo in un attacco ad HMAC allora:
  - Può computare l'output della funzione di compressione anche quando IV è casuale e sconosciuto all'attaccante
  - Può computare collisioni nella funzione hash anche quando IV è casuale e sconosciuto all'attaccante



## Attacchi ad HMAC

- Miglior attacco conosciuto [1995,1996] basato sul paradosso del compleanno
  - Occorrono  $2^{\lceil \text{hash}(\cdot) \rceil / 2}$  coppie  $(M, \text{HMAC}_K(M))$
- Esempio:



## Bibliografia

- Cryptography and Network Security by W. Stallings (2003)
  - cap. 11 (MAC) e 12 (HMAC)
- Tesina di Sicurezza su reti
  - Message Authentication Code

